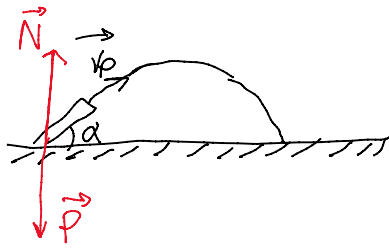


17/11/2020

martedì 17 novembre 2020 14:54

①



quando il cannone spara N fa in modo che il cannone non si muova lungo y

$$\Rightarrow \frac{dp_y}{dt} \neq 0$$

$\frac{dp_x}{dt} = 0 \rightarrow$ perché non sono presenti forze impulsive che fanno variare \vec{p}

$$\vec{I}_N = \Delta \vec{p}_y = 0 - (-m_p v_p \sin \alpha) = m_p v_p \sin \alpha$$

$$m_p \vec{v}_p + m_c \vec{v}_c = 0$$

lungo x conservazione di p

$$0 = m_p \vec{v}_p \cos \alpha + m_c \vec{v}_c$$

\rightarrow l'unica velocità che acquista il cannone

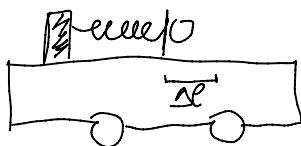
$$\vec{v}_c = -\frac{m_p \vec{v}_p \cos \alpha}{m_c}$$

$\Delta E_k = L$ delle forze che agiscono sul cannone \Rightarrow FATT.

$$0 - \frac{1}{2} M v_c^2 = -\mu d M g d$$

$$d = \frac{v_c^2}{2 \mu g} = \frac{m_p^2 v_p^2 \cos^2 \alpha}{2 M^2 \mu g}$$

②



$U = \frac{1}{2} k \Delta l^2$ energia elastica accumulata dalla molla

$$U = 2,5 \text{ J}$$

a) $U = k$ perché tutta l'energia accumulata dalla molla diventa causa dell'assenza del rinvolo

$$K = 2,5 J$$

b) l'energia potenziale sarà divisa tra proiettile e carrello

$$U = E_{k1} + E_{k2} = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2$$

si conserva anche p perché non ci sono forze impulsive

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = 0$$

$$\vec{v}_1 = -\frac{m_2}{m_1} \vec{v}_2 \quad \text{stessa direzione ma verso opposto}$$

$$K_2 = \frac{1}{2} m_2 v_2^2$$

$$U = \frac{1}{2} m_1 \frac{m_2^2}{m_1} v_2^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2$$

$$v_2^2 (m_1 + m_2) = 2U$$

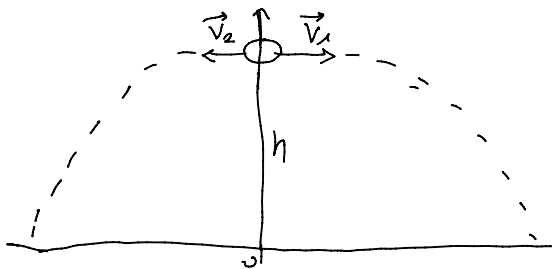
$$v_2^2 = \frac{2U}{m_1 \left(\frac{m_2}{m_1} + 1 \right)}$$

$$K_2 = \frac{U}{1 + \left(\frac{m_2}{m_1} \right)}$$

$$b) \begin{cases} U = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 \\ m_1 v_1 = -m_2 v_2 \rightarrow \text{ricavo } v_1 \\ \rightarrow \text{ricavo } v_2 \end{cases}$$

$$E_k = \frac{U}{1 + \left(\frac{m_2}{m_1} \right)}$$

③



si conserva la quantità di moto

$$m_1 \vec{v}_1 - m_2 \vec{v}_2 = 0$$

$$v_1 = \frac{m_2}{m_1} v_2 = \frac{m - m_1}{m_1} v_2 \quad (1)$$

$$x_2 = v_2 T \quad (2)$$

$t_c = \sqrt{\frac{2h}{g}} \rightarrow$ i due corpi arrivano a terra nello stesso tempo

$$v_1 = \frac{x_1}{T} = 14 \text{ m/s}$$

$$v_1 = \frac{\Delta x_1}{\Delta t} = 14 \text{ m/s}$$

$\Delta x_2 = 60 \text{ m}$ (ricavo v_2 da ① e lo inserisco in ②)

$$y_1 = h - \frac{1}{2} g t^2 \quad \text{uguale per la } m_1 \text{ e } m_2$$

$$y_1 = y_2 = 0$$

$$h = \frac{1}{2} g T^2 = 490,5 \text{ m}$$

N.B. si poteva risolvere anche con il CM

il centro di massa si trova sempre al centro e accelera solo lungo y

$$\begin{cases} \frac{d^2 x_{CM}}{dt^2} = 0 \\ \frac{d^2 y_{CM}}{dt^2} = -g \end{cases} \quad \text{perché il sistema si muove verso il basso}$$

le condizioni iniziali del CM

$$\begin{cases} x_{CM}(0) = 0 \rightarrow \text{rimane zero per tutto il moto} \\ y_{CM}(0) = h \\ v_{xCM}(0) = 0 \\ v_{yCM}(0) = 0 \end{cases}$$

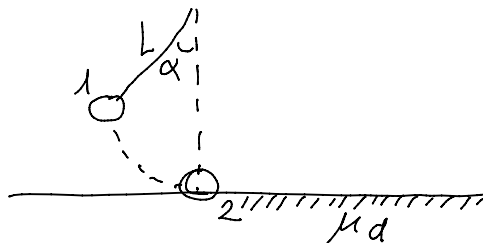
$$\begin{cases} x_{CM}(t) = 0 \\ y_{CM} = h - \frac{1}{2} g t^2 \end{cases}$$

$$x_{CM} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2} = 0$$

$$x_2 = -\frac{m_1}{m_2} x_1 \quad \text{in ogni istante}$$

$$y = h(T) = 0 \rightarrow h = \frac{1}{2} g T^2$$

④



$$m_2 = 4 m_1$$

$$E_{k,2} = 0,25 E_{k,1}$$

prima di colpire m_2 l'energia meccanica si conserva

$$m_1 g (L - L \cos \alpha) = \frac{1}{2} m_1 v_1^2$$

$$m_1 g = \frac{m_1 v_c}{2}$$

$$v_{1i} = \sqrt{2g(L - L \cos \alpha)}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} m_1 v_{1f}^2 &= \frac{1}{4} \left(\frac{1}{2} m_1 v_{1i}^2 \right) \\ &= \frac{1}{8} m_1 2g(L - L \cos \alpha) \end{aligned}$$

$$v_{1f} = \sqrt{\frac{gL(1 - \cos \alpha)}{2}}$$

conservazione della quantità di moto

$$m_1 v_{1i} = m_2 v_2 - m_1 v_{1f}$$

sostituisco v_{1i} e v_{1f} e trovo v_2

$$v_2 = \sqrt{2gL - L \cos \alpha} + \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{gL(1 - \cos \alpha)}$$

$$v_2 = \frac{3\sqrt{gL(1 - \cos \alpha)}}{4\sqrt{2}} = \frac{3}{4} v_{1f}$$

$$\bar{a} = -\mu d g \bar{v}_a \quad (\text{quando arriva al piumo scabro})$$

$$S = \frac{v_f^2 - v_i^2}{2a} \quad \text{perché voglio sapere quando il corpo si ferma e } v_1^2 = v_2$$

$$S = \frac{9}{64} \frac{gL(1 - \cos \alpha)}{\mu d g} \quad \text{sostituendo } d$$

$$S = \frac{9L}{128 \mu d}$$

5



$$\frac{dL}{dt} = M_{TOT} = 0$$

$$\begin{aligned} \vec{L}_0 &= \vec{r}_0 \times \vec{p} && \text{momento angolare} \\ &&& \text{(momento della quantità di moto)} \\ \vec{M}_F &= \vec{r}_0 \times \vec{F} && \text{momento della forza} \\ &&& \text{(momento meccanico)} \end{aligned}$$

$$\vec{L} = \vec{r} \times m \vec{v} = m r^2 \omega \quad v = \omega r$$

il sistema ha risultante delle forze nulla
 \Rightarrow momento delle forze deve essere nullo
 il momento angolare si conserva

$$|L_1| = m r_1^2 \omega_1$$

$$|L_2| = m r_2^2 \omega_2$$

$$\vec{L}_1 = \vec{L}_2 \rightarrow |L_1| = |L_2|$$

$$\vec{L}_1 = \vec{L}_2 \rightarrow |L_1| = |L_2|$$

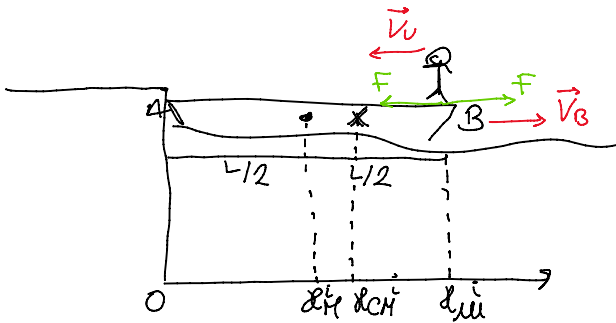
$$\omega_2 = \omega_1 \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2 \quad \text{se diminuisco il raggio } \omega \text{ aumenta}$$

se ω aumenta anche T aumenta

$$T_{\max} = m \omega_2^2 r_2 = m r_2 \omega_1^2 \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^4 = m \omega_1^2 \frac{r_1^4}{r_2^3}$$

$$r_2 = \sqrt[3]{\frac{m \omega_1^2 r_1^4}{T_{\max}}}$$

⑥



$$x_{CM}^i = \frac{m x_{CM}^i + M x_M^i}{m + M} = 3,33 \text{ m}$$

$$F_{\text{tot}} = \frac{d p_{\text{tot}}}{dt} = 0$$

$$p_{\text{tot}}^i = p_{\text{tot}}^f$$

siccome la forza totale e^- è a zero il centro di massa non si sposta

$$v_{CM}^i = v_{CM}^f = 0$$

quindi la posizione del CM è sempre quella

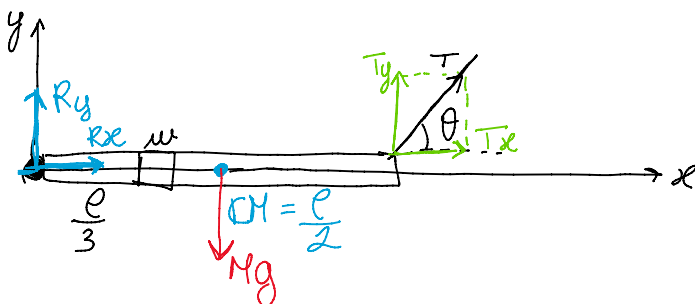
$$x_{CM}^i = x_{CM}^f = 3,33 \text{ m}$$

$$x_{CM}^f = \frac{m x_M^f + M x_{CM}^f}{m + M}$$

$$x_{CM} = \frac{m x_A + M (x_A + L/2)}{m + M}$$

$$x_A = \frac{mL}{m+M} = 1,67 \text{ m}$$

⑦

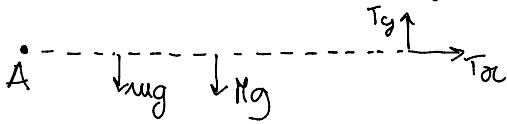


$$\begin{cases} R_x + T_x = 0 \\ \dots \end{cases}$$

$$\begin{cases} Kx + Tx = 0 \\ Ry - Mg + Ty - mg = 0 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} F_{TOT} &= 0 \\ M_{TOT} &= 0 \end{aligned}$$

$M_F = r \times F$ bisogna scegliere un punto rispetto al quale calcolare tutte le forze



$$M_{TOT}^A = 0$$

$$-\frac{mg\ell}{3} - \frac{Mg\ell}{2} + Ty\ell = 0$$

$$Ty = \frac{2mg + 3Mg}{6} = 79\text{N}$$

$$Tx = \frac{Ty}{\tan\theta} = 137\text{N}$$

$$Rx = -Tx = -137\text{N}$$

$$Ry = mg + Mg - Ty = 90\text{N}$$

